

令和6年度個別学力試験問題

数学

(経済学部)

解答時間 80分

配点 200点

注意事項

- 解答開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。
- 受験番号を解答用紙の所定の欄に記入してください。
- 解答は解答用紙の指定された解答欄に記入してください。
- 解答用紙のうら面は使用してはいけません。
- 問題冊子及び解答用紙の印刷不鮮明、ページの落丁及び汚損等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせてください。
- 問題冊子及び計算用紙は持ち帰ってください。

1

数列 $\{a_n\}$ は、 $a_1 = 2$, $a_{n+1} - 2a_n = 0$ ($n = 1, 2, 3, \dots$) を満たし、 $S_n = \sum_{k=1}^n a_k$ とする。

- (1) 一般項 a_n を n を用いて表しなさい。
- (2) $S_n^2 + 4S_n + 4 = 2^{10}$ を満たす n の値を求めなさい。
- (3) $\sum_{k=1}^n S_k = 2S_n - 10$ を満たす n の値を求めなさい。

2

n を 2 以上の自然数とする。2 つの曲線

$$C_1 : y = (x - 1)^2, \quad C_2 : y = \frac{1}{n} x^2$$

について、 C_1 と C_2 で囲まれた図形の面積を S_n とする。

- (1) 実数 α, β について、 $A = \beta - \alpha$ とおく。次の定積分を A を用いて表しなさい。

$$\int_a^\beta (x - \alpha)(x - \beta) dx$$

- (2) S_n を n を用いて表しなさい。
- (3) 不等式 $\left| n\sqrt{n} S_n - \frac{4}{3} \right| < \frac{1}{3}$ を満たす最小の自然数 n を求めなさい。

3

サイコロが2個あり、ひとつは3面が赤く、3面が黒く塗られており、もうひとつは2面が赤く、4面が黒く塗られている。これら2個のサイコロを使って次のゲームを行う。なお、2個のサイコロを同時に1回投げることを「試行」と呼ぶことにする。

- ・試行を最大3回繰り返す。ただし、1回目または2回目の試行で2個とも赤い面が出れば、以降の試行は行わずゲームを終了する。
 - ・各試行で出た赤い面の個数の合計をゲームの得点とする。
- (1) 1回の試行で赤い面がちょうど1個出る確率を求めなさい。
 - (2) 2回以下の試行でゲームが終了する確率を求めなさい。
 - (3) 起こり得るゲームの得点とその確率をすべて求めなさい。